

CURSO 2024-25

PRUEBAS DE EVALUACIÓN PARA EL ACCESO A LA
UNIVERSIDAD

1. INTRODUCCIÓN

El presente documento describe el contenido, características y diseño de la prueba de competencia específica de la asignatura Matemáticas, que forma parte del conjunto de las Pruebas de Competencias Específicas (PCE) diseñadas por la Universidad Nacional de Educación a Distancia (UNED). Para su elaboración se ha tenido en cuenta la siguiente normativa (**Pendiente de actualización normativa para el curso 2024-2025**):

- Real Decreto 243/2022, de 5 de abril, por el que se establecen la ordenación y las enseñanzas mínimas del Bachillerato.

<https://www.boe.es/eli/es/rd/2022/04/05/243/con>

- Orden EFP/755/2022, de 31 de julio, por la que se establece el currículo y se regula la ordenación del Bachillerato en el ámbito de gestión del Ministerio de Educación y Formación Profesional.

<https://www.boe.es/eli/es/o/2022/07/31/efp755>

- Real Decreto 534/2024, de 11 de junio, por el que se regulan los requisitos de acceso a las enseñanzas universitarios oficiales de Grado, las características básicas de la prueba de acceso y la normativa básica de los procedimientos de admisión

<https://www.boe.es/eli/es/rd/2024/06/11/534/con>

2. CONTENIDOS

Los contenidos de la asignatura se estructuran en cinco bloques interrelacionados. Se abordan de forma global, mostrando las conexiones internas dentro de esta materia. Se pretende integrar holísticamente los conocimientos, las competencias y los valores para que constituyan un elemento integrador de conocimiento en la formación del estudiante. Los estándares de aprendizaje evaluables se han formulado teniendo en cuenta la imprescindible relación entre dichos elementos.

BLOQUE I

Procesos, métodos y actitudes en Matemáticas

Este bloque es transversal al resto, por ello se debe desarrollar de forma simultánea con los otros bloques descritos en términos de bloques de contenidos. Esencialmente es el eje fundamental de la asignatura; se articula sobre procesos básicos e imprescindibles en el quehacer matemático. Por ejemplo, la resolución de problemas, la redacción de proyectos de investigación matemática, la descripción matemática de situaciones reales y la modelización tanto algorítmica como conceptual. , En definitiva, este bloque versa sobre las actitudes adecuadas para desarrollar el trabajo científico y la utilización de medios tecnológicos:

- Planificación del proceso de resolución de problemas.
- Estrategias y procedimientos puestos en práctica: relación con otros problemas conocidos, modificación de variables, suponer el problema resuelto.
- Soluciones y/o resultados obtenidos: coherencia de las soluciones con la situación, revisión sistemática del proceso, otras formas de resolución, problemas parecidos, generalizaciones y particularizaciones interesantes.
- Iniciación a la demostración matemática: métodos, razonamientos, lenguajes, etc.
- Métodos de demostración: reducción al absurdo, método de inducción, contraejemplos, razonamientos encadenados, etc.
- Razonamiento deductivo e inductivo.
- Lenguaje gráfico, algebraico, otras formas de representación de argumentos.
- Elaboración y presentación oral y/o escrita de informes científicos sobre el proceso seguido en la resolución de un problema o en la demostración de un resultado matemático.
- Realización de investigaciones matemáticas a partir de contextos de la realidad o contextos del mundo de las matemáticas.
- Elaboración y presentación de un informe científico sobre el proceso, resultados y conclusiones del proceso de investigación desarrollado.
- Práctica de los procesos de algorítmica matemática y modelización, en contextos de la realidad y en contextos matemáticos.
- Confianza en las propias capacidades para desarrollar actitudes adecuadas y afrontar las dificultades propias del trabajo científico.
- Utilización de medios tecnológicos en el proceso de aprendizaje para:
 - La recogida ordenada y la organización de datos.
 - La elaboración y creación de representaciones gráficas de datos numéricos, funcionales o estadísticos.
 - Facilitar la comprensión de propiedades geométricas o funcionales y la realización de cálculos de tipo numérico, algebraico o estadístico.
 - El diseño de simulaciones y la elaboración de predicciones sobre situaciones matemáticas diversas.

- La elaboración de informes y documentos sobre los procesos llevados a cabo y los resultados y conclusiones obtenidos.
- Comunicar y compartir, en entornos apropiados, la información y las ideas matemáticas.

BLOQUE II

Números y Álgebra

- Estudio de las matrices como herramienta para manejar y operar con datos estructurados en tablas y grafos.
- Clasificación de matrices.
- Operaciones con matrices.
- Aplicación de las operaciones de las matrices y de sus propiedades en la resolución de problemas extraídos de contextos reales.
- Determinantes.
- Propiedades elementales de los determinantes.
- Rango de una matriz.
- Matriz inversa.
- Representación matricial de un sistema de ecuaciones lineales: Sistemas equivalentes.
- Discusión según parámetros.
- Resolución de sistemas.
 - Aplicación del método de Gauss.
 - Aplicación de la regla de Cramer.
- Resolución de problemas reales mediante matrices y sistemas de ecuaciones lineales.

BLOQUE III

Análisis, o Cálculo, Matemático

- Límite de una función:
 - En un punto y en los dos infinitos.
 - Rectas asintotas.
- Continuidad de una función:
 - En un punto, en un intervalo y en su dominio.
- Tipos de discontinuidad.
- Teorema de Bolzano para funciones continuas en un intervalo.
 - Aproximación de la solución de una ecuación.
- Función derivable en un punto:
 - Interpretaciones de la derivada.
 - Recta tangente a la gráfica de una función en un punto.
- Función derivada.

- Tabla de derivadas de las funciones elementales.
- Técnicas de derivación.
- Teorema de Rolle y Teorema del valor medio.
- La regla de l'Hôpital. Aplicaciones al cálculo de límites.
- Estudio de la variación de una función:
 - Aplicaciones de la derivada.
 - Problemas de optimización.
- Funciones primitivas de una función. Integral indefinida.
- Tablas de funciones primitivas de funciones elementales.
- Técnicas elementales para el cálculo de primitivas.
- La integral de una función en un intervalo: Integral definida.
- Teorema del valor medio, Teorema fundamental del Cálculo Integral.
- Cálculo de una integral definida: Regla de Barrow.
- Aplicación de la integral y cálculo del área de región plana.

BLOQUE IV

Geometría

- Vectores en el espacio tridimensional.
- Productos definidos con vectores:
 - Producto escalar e interpretación geométrica.
 - Producto vectorial e interpretación geométrica.
 - Producto mixto e interpretación geométrica.
- Puntos del espacio:
 - Puntos alineados.
 - Puntos coplanarios.
- Rectas en el espacio:
 - Tipos de ecuaciones de una recta.
 - Vectores directores de una recta.
 - Incidencia de una recta en un punto.
 - Haz de rectas.
- Planos en el espacio.
 - Tipos de ecuaciones de un plano.
 - Pareja de vectores directores de un plano.
 - Incidencia de un plano en un punto.
 - Haz de planos.
- Posiciones relativas:
 - De planos, de rectas y de rectas y planos.
 - Paralelismo y perpendicularidad.
- Propiedades métricas en el espacio:
 - Medida de ángulos.

- Medidas de distancias.
- Medidas de áreas.
- Medida de volúmenes.

BLOQUE V

Estadística y Probabilidad

- Sucesos.
- Reiteración de sucesos:
 - Frecuencia relativa.
 - Probabilidad de un suceso: Regla de Laplace.
- Axiomática de Kolmogorov.
- Aplicación de la combinatoria al cálculo de probabilidades.
- Experimentos aleatorios simples y compuestos.
- Probabilidad condicionada.
- Dependencia e independencia de sucesos.
- Teoremas de la probabilidad total y de Bayes.
- Probabilidades iniciales y finales y verosimilitud de un suceso.
- Variables aleatorias discretas.
- Distribución de probabilidad.
- Media, varianza y desviación típica.
- Distribución binomial. Caracterización e identificación del modelo. Cálculo de probabilidades.

3. ESTÁNDARES DE APRENDIZAJE EVALUABLES

BLOQUE I

Procesos, métodos y actitudes en Matemáticas

- Expresa verbalmente de forma razonada el proceso seguido en la resolución de un problema con el rigor y la precisión adecuados.
- Analiza y comprende el enunciado a resolver o demostrar (datos, relaciones entre los datos, condiciones, hipótesis, conocimientos matemáticos necesarios, etc.).
- Valora la información de un enunciado y la relaciona con el número de soluciones del problema.
- Realiza estimaciones y elabora conjeturas sobre los resultados de los problemas a resolver, valorando su utilidad y eficacia.
- Utiliza estrategias heurísticas y procesos de razonamiento en la resolución de problemas.

- Utiliza diferentes métodos de demostración en función del contexto matemático.
- Usa el lenguaje, la notación y los símbolos matemáticos adecuados al contexto.
- Utiliza argumentos, justificaciones, explicaciones y razonamientos explícitos y coherentes.
- Emplea las herramientas tecnológicas adecuadas al tipo de problema, situación a resolver o propiedad o teorema a demostrar, tanto en la búsqueda de resultados como para la mejora de la eficacia en la comunicación de las ideas matemáticas.
- Generaliza y demuestra propiedades de contextos matemáticos numéricos, algebraicos, geométricos, funcionales, estadísticos o probabilísticos.
- Busca conexiones entre contextos de la realidad y del mundo de las matemáticas (la historia de la humanidad y la historia de las matemáticas; arte y matemáticas; tecnologías y matemáticas, ciencias experimentales y matemáticas, economía y matemáticas, etc.) y entre contextos matemáticos (numéricos y geométricos, geométricos y funcionales, geométricos y probabilísticos, discretos y continuos, finitos e infinitos, etc.).
- Identifica situaciones problemáticas de la realidad, susceptibles de contener problemas de interés.
- Establece conexiones entre el problema del mundo real y el mundo matemático: identificando el problema o problemas matemáticos que subyacen en él, así como los conocimientos matemáticos necesarios.
- Usa, elabora o construye modelos matemáticos adecuados que permitan la resolución del problema dentro del campo de las matemáticas.
- Interpreta la solución matemática del problema en el contexto de la realidad.
- Realiza simulaciones y predicciones, en el contexto real, para valorar la adecuación y las limitaciones de los modelos, proponiendo mejoras que aumenten su eficacia.
- Toma decisiones en los procesos de resolución de problemas, de investigación y de matematización o de modelización valorando las consecuencias de las mismas y la conveniencia por su sencillez y utilidad.

BLOQUE II

Números y Álgebra

- Utiliza el lenguaje matricial para representar datos facilitados mediante tablas o grafos y para representar sistemas de ecuaciones lineales.
- Realiza operaciones con matrices y aplica las propiedades de estas operaciones adecuadamente.
- Determina el rango de una matriz, hasta orden 4, aplicando el método de Gauss o determinantes.

- Determina las condiciones para que una matriz tenga inversa y la calcula empleando el método más adecuado.
- Resuelve problemas susceptibles de ser representados matricialmente e interpreta los resultados obtenidos.
- Formula algebraicamente las restricciones indicadas en una situación de la vida real, estudia y clasifica el sistema de ecuaciones lineales planteado, lo resuelve en los casos que sea posible, y lo aplica para resolver problemas.

BLOQUE III

Análisis, o Cálculo, Matemático

- Conoce las propiedades de las funciones continuas, y representa la función en un entorno de los puntos de discontinuidad.
- Aplica los conceptos de límite y de derivada, así como los teoremas relacionados, a la resolución de problemas.
- Aplica la regla de L'Hôpital para resolver indeterminaciones en el cálculo de límites.
- Plantea problemas de optimización relacionados con la geometría o con las ciencias experimentales y sociales, los resuelve e interpreta el resultado obtenido dentro del contexto.
- Aplica los métodos básicos para el cálculo de primitivas de funciones.
- Calcula el área de recintos limitados por rectas y curvas sencillas o por dos curvas.

BLOQUE IV

Geometría

- Realiza operaciones elementales con vectores, manejando correctamente los conceptos de base y de dependencia e independencia lineal.
- Expresa la ecuación de la recta de sus distintas formas, pasando de una a otra correctamente, identificando en cada caso sus elementos característicos, y resolviendo los problemas afines entre rectas.
- Obtiene la ecuación del plano en sus distintas formas, pasando de una a otra correctamente.
- Analiza la posición relativa de planos y rectas en el espacio, aplicando métodos matriciales y algebraicos.
- Obtiene las ecuaciones de rectas y planos en diferentes situaciones.
- Maneja el producto escalar y vectorial de dos vectores, significado geométrico, expresión analítica y propiedades.

- Conoce el producto mixto de tres vectores, su significado geométrico, su expresión analítica y propiedades.
- Determina ángulos, distancias, áreas y volúmenes utilizando los productos escalar, vectorial y mixto, aplicándolos en cada caso a la resolución de problemas geométricos.

BLOQUE V

Estadística y Probabilidad

- Calcula la probabilidad de sucesos en experimentos simples y compuestos mediante la regla de Laplace, las fórmulas derivadas de la axiomática de Kolmogorov y diferentes técnicas de recuento.
- Calcula probabilidades a partir de los sucesos que constituyen una partición del espacio muestral.
- Calcula la probabilidad final de un suceso aplicando la fórmula de Bayes. Identifica fenómenos que pueden ser modelados mediante la distribución binomial, obtiene sus parámetros y calcula su media y desviación típica.
- Calcula probabilidades asociadas a una distribución binomial a partir de su función de probabilidad, de la tabla de la distribución o mediante calculadora.
- Conoce las características y los parámetros de la distribución normal y valora su importancia en el mundo científico.
- Calcula probabilidades de sucesos asociados a fenómenos que pueden ser modelados mediante la distribución normal a partir de la tabla de la distribución o mediante calculadora.
- Calcula probabilidades de sucesos asociados a fenómenos que pueden ser modelados mediante la distribución binomial a partir de su aproximación por la normal valorando si se dan las condiciones necesarias para que sea válida.
- Utiliza un vocabulario adecuado para describir situaciones relacionadas con el azar.

4. CARACTERÍSTICAS Y DISEÑO DE LA PRUEBA

CARACTERÍSTICAS DE LA PRUEBA

La prueba de evaluación consta de dos partes:

- Una parte con cuestiones que el estudiante no necesita desarrollar, puesto que se le proponen ciertas respuestas, aunque deberá realizar algunos cálculos para responder. A esta parte la denominaremos parte tipo test.

- Una parte con problemas que el estudiante debe desarrollar de forma detallada, intentando exponer lo más claramente posible la solución. A esta parte la denominaremos parte de problemas de desarrollo.

1. Parte de tipo test:

- En esta parte se proponen 8 cuestiones y 3 posibles respuestas por cuestión.
- Cada problema tiene una única respuesta correcta de entre las propuestas.
- El estudiante deberá realizar los cálculos y estudios adecuados para poder marcar la alternativa que considere correcta.
- El estudiante puede marcar respuesta en un máximo de 5 cuestiones.
- En caso de que se marquen más de 8, se evaluará con las 5 primeras cuestiones marcadas, por orden de presentación.

2. Parte de problemas de desarrollo:

- En esta parte se proponen tres problemas, de los cuales uno no tiene opciones y los otros dos presentan dos preguntas a elegir una
- En el caso de problemas con opciones, no se puede desarrollar dos preguntas de un mismo problema.
- En el caso que el estudiante desarrolle dos preguntas de un mismo problema, sólo se evaluará la primera según el orden de presentación en el examen.
- Cada problema propuesto será de los problemas característicos de la asignatura, cuyo planteamiento, desarrollo y resolución requiera los conocimientos matemáticos de los bloques de contenidos.
- En este tipo de problemas, la solución deberá escribirse de la forma más clara posible, explicando los pasos seguidos. **El tribunal evaluador no hará interpretaciones acerca de lo que el estudiante quería decir**, solo tendrá en cuenta lo escrito.

ESTRUCTURA DE LA PRUEBA

Como se ha indicado, cada modelo de examen estará compuesto por una parte de problemas que contiene una pregunta sin opciones, de tipo competencial, dos preguntas abiertas con dos opciones y otra parte tipo test con ocho preguntas de opción múltiple.

La distribución por bloques de los contenidos de las preguntas de la prueba se resume en la siguiente tabla, teniendo en cuenta que el bloque 1 tiene un carácter transversal y sus estándares pueden evaluarse en la parte de preguntas abiertas. Todos los bloques tienen la misma ponderación de 20% referido al descrito en la matriz de especificaciones del punto 3 anterior.

PREGUNTAS Y TIPOLOGÍA	CONTENIDOS DEL TEMARIO
Preguntas abiertas	Bloques 1,2,3,4 y 5
Preguntas de opción múltiple	Bloques: 2,3,4 y 5

CRITERIOS GENERALES DE CORRECCIÓN Y CALIFICACIÓN

Parte de preguntas objetivas (tipo test):

Constará de 8 preguntas, no siendo obligatorio contestar a todas las cuestiones. La calificación máxima de este bloque es de 2.5 puntos

- Cada pregunta correcta sumará 0.5 puntos.
- Cada pregunta incorrecta restará 0.2 puntos.
- Las preguntas en blanco no suman ni restan puntos
- Si la aplicación de los criterios anteriores condujera a una puntuación negativa, se le asignará la nota mínima 0.
- La puntuación de esta parte estará comprendida entre 0 y 2.5 puntos.

Parte de desarrollo:

Constará de 3 preguntas, una de ellas sin optatividad, de tipo competencial, en la que el estudiante deberá deducir del enunciado el planteamiento matemático de las ecuaciones a resolver. Las otras dos preguntas contendrán dos opciones cada una, solo se debe elegir una opción para resolver. La calificación máxima de este bloque es de 7.5 puntos; 2.5 por cada pregunta.

Para la corrección de cada ejercicio correspondiente a este bloque se atenderá, con carácter general, a los siguientes criterios:

- La corrección matemática del planteamiento, desarrollo y resolución del problema.
- **La adecuada explicación de los pasos dados en el desarrollo.**
- El grado de finalización y simplificación de la solución. En este sentido es muy importante contestar a la pregunta planteada, sin introducir cuestiones ajenas a la pregunta.
- La interpretación del resultado obtenido.
- El orden y presentación del ejercicio.
- La adecuada corrección ortográfica y sintáctica de la respuesta.

La **calificación final de la prueba** será la suma de las puntuaciones obtenidas en el bloque de preguntas objetivas (test) y el bloque de desarrollo, sin necesidad de notas mínimas en ninguna de las dos partes.

INSTRUCCIONES PARA EL DESARROLLO DE LA PRUEBA

- La duración total de la prueba será de 90 minutos.
- La parte de preguntas abiertas (desarrollo y competencial) se responderá en hojas diferentes a la de la parte objetiva (test).
- Ambas partes se cumplimentarán con bolígrafo y se entregarán ambas partes simultáneamente.
- **No se permite el uso de calculadora.**

INFORMACIÓN ADICIONAL

Sobre material no permitido:

- No se permitirá en la prueba el uso de ordenadores personales, tabletas, teléfonos móviles (celulares) o cualquier dispositivo con capacidad de comunicación.
- Los miembros del tribunal pueden decidir que cierto material no puede ser usado.
- **No se permite la utilización de correctores líquidos tipo *Tipp-ex* en ninguna de las hojas de la prueba (esto afecta al proceso de escaneado al manchar la lente).**
 - Si es necesario eliminar algo pequeño, basta tachar con una línea doble. No hace falta eliminar visualmente lo tachado.
 - Si es necesario eliminar algo grande, basta encerrarlo en un rectángulo y tacharlo haciendo las diagonales del cuadrado.
- Material alguno impreso.
- Por cuestiones técnicas al escanear lo entregado por el estudiante, no está permitido redactar o marcar con lápiz ni bolígrafo con tinta roja.
 - Se debe utilizar bolígrafo de tinta negra o azul.
 - No debe redactarse en lápiz para posteriormente sobrescribir con bolígrafo y borrar el trazo en lápiz.
 - No está permitido goma de borrar alguna.

Sobre el uso de calculadora:

Por el diseño de las preguntas, la calculadora no es un elemento en absoluto necesario. Preguntas de tipo test como, por ejemplo,

Toda A matriz real cuadrada tal que $A^2 = A$, cumple que:

- (A) $\det(A) > 0$,
- (B) Si A es regular, $A = I$ (la matriz identidad),

(C) Ninguna de las anteriores,

ni siquiera involucran números con los que haya que calcular, tan solo la comprensión de las propiedades básicas de las operaciones con matrices. Obviamente, en algún momento de la prueba debe haber algún elemento de cálculo numérico (después de todo, se trata de un examen de matemáticas), y así ocurre en la parte de problemas, pero incluso aquí, tampoco es necesaria la calculadora. Por ejemplo, consideremos un problema como el siguiente:

a) Estudiar la posición relativa en el espacio de los planos π_1 y π_2 , con ecuaciones respectivas:

$$\pi_1 : x + 2y - z = 3$$

$$\pi_2 : ax + (a - 2)y + 2z = 4 ;$$

en función del parámetro real $a \in \mathbb{R}$.

b) Determinar, en el caso en que los planos se intersecan a lo largo de una recta, un vector director de la misma.

En este problema, el apartado a) no requiere de hecho ningún cálculo, más allá de despejar una variable en un sistema lineal de dos ecuaciones con tres incógnitas. El apartado b), dependiendo de cómo se haga, requiere el cálculo de un determinante de orden 3, algo que debe estar al alcance de cualquier alumno que se presente a esta prueba, pero se puede hacer directamente sin cálculo alguno.

Sobre el acceso al aula:

- El estudiante de PEC se examinará en el aula con otros estudiantes de la UNED.
- El ordenador le imprimirá una primera hoja de identificación (como si fuera su DNI para la prueba) y la indicación de la fila y la columna donde está situada la mesa donde se sentará.
- Junto con la hoja de identificación, el estudiante recibe varias hojas con la información necesaria, los enunciados y una hoja de respuesta de marcas para lectura óptica. Además, se le entrega una hoja en blanco con su nombre para que pueda redactar en ella. La redacción está duplicada: una en español y la misma en inglés.

Sobre lo que entrega:

- Las hojas de respuestas se entregan todas juntas en el siguiente orden: Primero la hoja de identificación, segundo la de respuestas ópticas a la parte del test, tercero las hojas ordenadas correspondientes a los problemas de desarrollo.

- De la parte tipo test, el estudiante sólo se debe entregar la hoja de lectura óptica.
- De la parte de problemas de desarrollo, el estudiante debe entregar cada problema en hojas distintas. En todas las hojas debe figurar su nombre y su número de identificación.
- Se puede solicitar tanto papel en blanco como se necesite para la realización de la prueba; no hay limitación de papel.
- Las hojas en blanco pueden ser utilizadas para redactar los problemas o como papel en sucio para realizar los cálculos.
- Las hojas en sucio de la parte de desarrollo no se entregan.
- Las hojas en sucio de la parte de test no se entregan.
 - **Si se entregaran hojas en sucio en esta parte no se tendrán en cuenta, aunque pudieran contener una respuesta correcta distinta de la marcada en algún problema.**
- No se debe entregar ninguna de las hojas con la información o los enunciados.

5. INFORMACIÓN BIBLIOGRÁFICA

El texto básico recomendado es: Matemáticas. Acceso a la Universidad, 2 volúmenes, de M. E. Ballvé Lantero y otros. Editorial Sanz y Torres (colección UNED). Disponible en <https://www.librosuned.com/LU13862/Matem%C3%A1ticas—Acceso-a-la-Universidad--2-Vol-.aspx>. Alternativamente, se puede emplear **cualquier texto** de Matemáticas de Segundo Curso de Bachillerato de Ciencias. Además, pueden ser de ayuda materiales disponibles en la red, como: www.apuntesmareaverde.org.es, www.lasmatematicas.es

Desde la coordinación no se proporcionará información bibliográfica distinta a ésta, por tanto, no se contestarán correos electrónicos solicitando información al respecto.

6. COORDINACIÓN DE LA ASIGNATURA

E-mail: coor.matematicas@adm.uned.es

7. MODELO DE PRUEBA

Como orientación para la prueba, se adjunta modelo de examen con el formato especificado en esta guía, así como la resolución detallada de uno de los ejercicios de la prueba de junio de 2023 y una de las cuestiones tipo test de ese mismo examen. Estos ejemplos (de un problema y una pregunta de tipo test) son los que se mencionan en la Información Adicional del apartado 4 precedente.

MATEMÁTICAS (PRUEBA DE COMPETENCIA ESPECÍFICA)

INSTRUCCIONES GENERALES PARA LA PRUEBA Y CRITERIOS DE EVALUACIÓN

INSTRUCCIONES GENERALES

- Dispone de 90 minutos para realizar el examen.
- **No está permitido el uso de calculadora alguna.** Tampoco está permitido el uso de ordenadores, tablets, teléfonos, reloj inteligente, ni ningún tipo de material electrónico o aparatos de comunicación.
- Mientras tenga el examen en su poder **solo** puede comunicarse con los miembros del tribunal de examen. Cualquier otro tipo de comunicación o uso de dispositivos o materiales no autorizados supondrá la retirada del examen, lo cual será reflejado en el acta como **copia ilegal**.
- El examen debe realizarse con bolígrafo azul o negro.
- No puede utilizar ningún tipo de corrector (como Tipp-Ex) en la hoja de respuestas tipo test.
- No puede utilizar ninguna hoja que no haya sido entregada por algún miembro del tribunal de examen. Las hojas de respuesta deben ir numeradas en las casillas que aparecen en la parte inferior.
- El examen está traducido al inglés con el objetivo de facilitar la comprensión de las preguntas, pero **debe contestarse en español**. En caso de que considere que hay alguna diferencia de interpretación entre la parte en español y la parte traducida al inglés, prima el examen original realizado en español.

CRITERIOS DE EVALUACIÓN

La prueba consta de tres bloques.

- **Primer bloque** (problemas de desarrollo con optatividad): consta de dos problemas con un valor máximo de cada uno de 2.5 puntos. La calificación máxima de esta parte es de 5 puntos. En cada problema, se debe contestar **solamente una opción**. Redacte cada problema en hojas separadas. **En caso de que se hagan dos opciones de un mismo problema, solo se calificará la primera entregada.**
- **Segundo bloque** (preguntas tipo test):
La calificación máxima de esta parte es de 2.5 puntos. Debe contestar a un **máximo de 5** preguntas de las 8 posibles. En caso de contestar más, solo se tendrán en cuenta las 5 primeras. Cada pregunta correcta suma 0.5 puntos, mientras que cada pregunta incorrecta resta 0.2 puntos. Las preguntas sin contestar o con doble marca no suman ni restan puntos. Las preguntas deben contestarse realizando una marca adecuada en la hoja de respuestas que se adjunta.
- **Tercer bloque** (problema de tipo competencial): La calificación máxima de esta parte es de 2.5 puntos. Hay un solo problema del que se deben responder todas las preguntas.

Sólo debe entregar **la hoja de identificación, la hoja de lectura óptica y las hojas con los problemas desarrollados**.

PREGUNTAS TIPO DESARROLLO

Modelo 0.1A

En cada uno de los problemas 2 y 3 elija **una sola opción**. Conteste a los problemas en **hojas separadas**.

- 1 La última encuesta de población activa publicada en España (en enero de 2024) muestra que la tasa de abandono temprano de la educación y la formación en España se sitúa en el 13,6%, mientras que en el promedio de la Unión Europea este valor es del 9,5%. Esto convierte a España en el país con la mayor tasa de abandono de toda Europa, así que este fenómeno es un problema de la mayor importancia social.

Los analistas del ministerio responsable han diseñado un programa de prevención del abandono escolar que se ha implementado a lo largo de 2024 y quieren conocer cuál ha sido su incidencia con relación al nivel socioeconómico de los jóvenes afectados. Con este fin, se recaban datos del Instituto Nacional de Estadística, que dicen que el 55% de la población tiene un nivel socioeconómico bajo, el 25% tiene un nivel medio y el 20% un nivel alto. Tras llevar a cabo un estudio de control por un año en una muestra suficientemente amplia de la población, los técnicos han observado un nivel de abandono del 16% de estudiantes de nivel socioeconómico bajo, un 8% de abandono en los de nivel medio y un 6% en los de nivel alto. A la vista de estos datos, conteste las siguientes preguntas:

- ¿Cuál es el porcentaje global de abandono temprano observado tras implementar el programa?
- ¿Ha sido efectivo el programa de prevención?
- ¿Cómo se distribuyen los jóvenes que abandonan sus estudios por nivel socioeconómico?

- 2 Elija **solo una** de las dos opciones siguientes:

- Calcular las dimensiones del rectángulo de mayor área que puede inscribirse con su base en el eje horizontal y limitado por las curvas $y^2 = 8x$, $x = 4$. ¿Cuál es ese área?
- Estudiar y representar gráficamente la función

$$f(x) = \frac{x^3}{1 + 2x + x^2}.$$

Determinar el dominio, simetrías, corte con los ejes, asíntotas, crecimiento/crecimiento, así como sus extremos relativos y la concavidad/convexidad con puntos de inflexión.

- 3 Elija **solo una** de las dos opciones siguientes:

- Dados los planos $\pi_1 : 2x - y + z = 3$, $\pi_2 : x - y + z = 2$, $\pi_3 : 3x - y - az = b$, determinar los valores de $a, b \in \mathbb{R}$ para que definan una única recta y obtener un vector director de la misma.
- Sea el plano de ecuación $\pi : x + 2y + 3z = 5$. Hallar la ecuación de un plano paralelo a π y cuya distancia al origen sea 3. ¿Cuántos planos así hay? Calcular el punto P del plano π que está más próximo al origen.

_____ [PREGUNTAS TIPO TEST] _____

Modelo 0.1A

Conteste un máximo de 5 cuestiones.

- 1 Si A, B son matrices reales tales que es posible formar el producto AB y, además, $\text{rango}(A) = 2$ y $\text{rango}(B) = 3$, entonces $\text{rango}(AB)$ es:
 - (A) 6
 - (B) 3
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 2 Todo sistema de dos ecuaciones lineales con dos incógnitas:
 - (A) Puede tener exactamente dos soluciones
 - (B) Si tiene un número par (mayor que 0) de soluciones, tiene infinitas
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 3 Si A es una matriz real $m \times n$ (con $m \neq n$) y B es otra matriz tal que existen los productos AB y BA :
 - (A) Entonces B es una matriz $n \times n$
 - (B) Entonces B es una matriz $n \times m$
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 4 Dados los puntos del espacio $A(1, 7, 11)$ y $B(4, -2, 17)$, otro punto alineado con ellos $P(a, b, c)$ y tal que está a la mitad de distancia de A que de B , cumple:
 - (A) $a + b + c = 19$
 - (B) $a \cdot b \cdot c < 0$
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 5 La función $f(x) = x^4 - 8x^3 + 22x^2 - 24x + 7$:
 - (A) Es decreciente en el intervalo $(0, 2)$
 - (B) Es creciente en el intervalo $(1, 2)$
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 6 El límite

$$\lim_{x \rightarrow 7} \frac{2 - \sqrt{x - 3}}{x^2 - 49}$$
 - (A) No existe
 - (B) Es igual a 0
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 7 Se lanzan simultáneamente 4 monedas. La probabilidad de obtener, al menos, una cara:
 - (A) Es mayor que 0.8
 - (B) Es menor que 0.3
 - (C) Ninguna de las anteriores
- 8 Sean A, B, C sucesos arbitrarios de un experimento aleatorio. El suceso “ocurren exactamente dos sucesos de entre los A, B, C ” se expresa:
 - (A) $(A \cup B) \cap (A \cup C) \cap (B \cup C)$
 - (B) $(A \cap B \cap \bar{C}) \cup (A \cap \bar{B} \cap C) \cup (\bar{A} \cap B \cap C)$, donde la barra denota el suceso complementario
 - (C) Ninguna de las anteriores

PROBLEMA COMPETENCIAL

Modelo 0.1A

Conteste todas las preguntas planteadas.

La última encuesta de población activa publicada en España (en enero de 2024) muestra que la tasa de abandono temprano de la educación y la formación en España se sitúa en el 13,6 %, mientras que en el promedio de la Unión Europea este valor es del 9,5 %. Esto convierte a España en el país con la mayor tasa de abandono de toda Europa, así que este fenómeno es un problema de la mayor importancia social.

Los analistas del ministerio responsable han diseñado un programa de prevención del abandono escolar que se ha implementado a lo largo de 2024 y quieren conocer cuál ha sido su incidencia con relación al nivel socioeconómico de los jóvenes afectados. Con este fin, se recaban datos del Instituto Nacional de Estadística, que dicen que el 55 % de la población tiene un nivel socioeconómico bajo, el 25 % tiene un nivel medio y el 20 % un nivel alto. Tras llevar a cabo un estudio de control por un año en una muestra suficientemente amplia de la población, los técnicos han observado un nivel de abandono del 16 % de estudiantes de nivel socioeconómico bajo, un 8 % de abandono en los de nivel medio y un 6 % en los de nivel alto. A la vista de estos datos, conteste las siguientes preguntas:

1. ¿Cuál es el porcentaje global de abandono temprano observado tras implementar el programa?
2. ¿Ha sido efectivo el programa de prevención?
3. ¿Cómo se distribuyen los jóvenes que abandonan sus estudios por nivel socioeconómico?