



2 OBJETIVO 1 OPERAR CON POTENCIAS: MULTIPLICACIÓN, DIVISIÓN Y POTENCIA DE POTENCIA

NOMBRE: _____ CURSO: _____ FECHA: _____

POTENCIA

Un número a , llamado base, elevado a un exponente n es igual al resultado de multiplicar a por sí mismo n veces:

$$\overbrace{a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \dots a}^{n \text{ veces}} = a^n \quad \text{Se lee: «a elevado a n».}$$

a^n $\begin{cases} \rightarrow n: \text{exponente, indica cuántas veces se multiplica la base por ella misma.} \\ \rightarrow a: \text{base} \end{cases}$

EJEMPLO

$$6 \cdot 6 \cdot 6 = 6^3$$

Se lee: «seis elevado a tres».

1 Completa.

- a) $29 \cdot 29 \cdot 29 \cdot 29 \cdot 29 = \square$ « _____ »
- b) $5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 = \square$ « _____ »
- c) $\square = 13^5$ « _____ »
- d) $\square = \square$ «Siete elevado a cuatro»

MULTIPLICACIÓN DE POTENCIAS

- Como las potencias son multiplicaciones, se va a trabajar con ellas cuando multiplicamos o dividimos:

$$3^4 \cdot 3^3 = \overbrace{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3} \cdot \overbrace{3 \cdot 3 \cdot 3} = 3^7$$

$$5^2 \cdot 5^4 = \overbrace{5 \cdot 5} \cdot \overbrace{5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5} = 5^6 \leftarrow \text{exponente}$$

- Las potencias han de tener la **misma base** para unificar el exponente.

$$3^2 \cdot 5^4 = 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \quad (\text{no se puede poner con el mismo exponente})$$

- La fórmula general para **multiplicar potencias de la misma base** es:

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

2 Realiza las siguientes operaciones.

- a) $10^2 \cdot 10^5 =$ d) $3^2 \cdot 3^6 =$ g) $11^3 \cdot 11^3 =$
- b) $7^4 \cdot 7^2 = 7^{\square}$ e) $3^3 \cdot 3^3 \cdot 3^5 =$ h) $19^5 \cdot 19^7 =$
- c) $11^3 \cdot 11^2 \cdot 11 =$ f) $\square \cdot 3^5 = 3^7$ i) $2^2 \cdot \square = 2^5$



2

DIVISIÓN DE POTENCIAS

- Para dividir potencias con igual base, se deja la base y se restan los exponentes: $a^n : a^m = a^{n-m}$.
- La división entre potencias de distinta base no se puede realizar, y debe quedar indicada.

EJEMPLO

$$7^5 : 7^2 = \frac{7^5}{7^2} = \frac{\cancel{7} \cdot \cancel{7} \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7}{\cancel{7} \cdot \cancel{7}} = 7 \cdot 7 \cdot 7 = 7^3$$

3 Opera con las siguientes potencias.

a) $5^6 : 5^4 = \frac{5^6}{5^4} = \text{-----} = 5 \cdot 5 = \square$

b) $3^7 : 3^4 = \text{---} = \frac{\cancel{3} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{3} \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3}{\cancel{3} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{3} \cdot \cancel{3}} = \square \cdot \square \cdot \square = \square$

c) $11^5 : 11^3 =$

d) $13^6 : 13^2 =$

e) $7^2 : 7^3 =$

4 Realiza estas divisiones.

a) $3^5 : 3^4 = \square$

c) $4^6 : \square = 4^3$

e) $5^7 : \square = 5^2$

b) $\square : 7^2 = 7^5$

d) $12^7 : 12^4 = \square$

f) $6^{12} : 6^5 = \square$

- A veces se combinan las operaciones de multiplicación y división. En estos casos, se realizan las distintas operaciones, paso a paso:

$$\frac{3^2 \cdot 3^5 \cdot 3}{3^6} = \frac{3^8}{3^6} = 3^2$$

$$\frac{5^6 \cdot 5^3}{5^2 \cdot 5^3} = \frac{5^9}{5^5} = 5^4$$

- Hay que tener en cuenta que solo se puede operar cuando se unifiquen las bases de las potencias:

$$\frac{7^2 \cdot 7^3 \cdot 5^2}{7^2 \cdot 7} = \frac{7^5 \cdot 5^2}{7^3} = 7^2 \cdot 5^2$$

5 Completa las siguientes operaciones.

a) $(2^5 \cdot 2^4) : (2^3 \cdot 2^2) = \frac{\text{---}}{\text{---}} = \frac{2^\square}{2^\square} = \square$

b) $(11^5 \cdot 11^2 \cdot 11^3) : (11^4 \cdot 11) =$

c) $(10^5 : 10^2) \cdot 10^5 = \frac{\square}{\square} \cdot \square = \square$

2

POTENCIA DE UNA POTENCIA

Si elevamos una potencia a otra potencia, el resultado es otra potencia con la misma base y cuyo exponente es el producto de los exponentes:

$$(a^n)^p = a^{n \cdot p}$$

EJEMPLO

$$(7^2)^3 = (7 \cdot 7)^3 = (7 \cdot 7) \cdot (7 \cdot 7) \cdot (7 \cdot 7) = 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 \cdot 7 = 7^6$$

$$(5^4)^2 = (5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5)^2 = (5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5) \cdot (5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5) = 5^8$$

6 Completa las siguientes operaciones.

a) $(7^3)^4 = 7^{\square}$

b) $(3^3)^{\square} = 3^{15}$

c) $(6^2)^{\square} = 6^{12}$

d) $(9^3)^{\square} = 9^{15}$

e) $(4^2)^{\square} = 4^8$

f) $(2^5)^2 = 2^{\square}$

g) $(5^3)^4 = 5^{\square}$

h) $(10^2)^3 = 10^{\square}$

Hay también operaciones combinadas que presentan las tres operaciones estudiadas hasta el momento.

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

Multiplicación

$$a^m : a^n = a^{m-n}$$

División

$$(a^n)^m = a^{n \cdot m}$$

Potencia de una potencia

EJEMPLO

$$(2^5 \cdot 2^4) : (2^2)^3 = \frac{2^5 \cdot 2^4}{(2^2)^3} = \frac{2^9}{2^6} = 2^3$$

7 Realiza estas operaciones.

a) $(3^5 : 3^2)^3 = \left(\frac{\square}{\square} \right)^3 = (\square)^3 =$

b) $(5^7 : 5^3) \cdot (5^6 : 5^2) = \frac{\square}{\square} \cdot \frac{\square}{\square}$

c) $(10^3)^4 : (10^2 \cdot 10^3) =$

d) $(4^2)^3 \cdot (4^5)^2 =$

e) $(6^5 : 6^2) \cdot (6^3)^4 =$



2

POTENCIA DE EXPONENTE NEGATIVO

- Al efectuar una división de potencias, el resultado puede ser una potencia de exponente negativo:

$$7^3 : 7^5 = \frac{7^3}{7^5} = \frac{\cancel{7} \cdot \cancel{7} \cdot \cancel{7}}{7 \cdot 7 \cdot \cancel{7} \cdot \cancel{7} \cdot \cancel{7}} = \frac{1}{7 \cdot 7} = \frac{1}{7^2} = 7^{-2}$$

- Si hay exponentes negativos, podemos transformarlos en una fracción: $\frac{1}{a^n}$

$$3^{-4} = \frac{1}{3^4} = \frac{1}{3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3} = \frac{1}{81}$$

- En general, las potencias de exponente negativo se definen: $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- Las potencias de exponente negativo cumplen las propiedades que ya conocemos para las potencias de exponente natural.

8 Opera con potencias de exponentes negativos.

a) $5^2 \cdot 3^{-2} = 5^2 \cdot \frac{1}{3^2} = \frac{5^2}{3^2} = \frac{25}{\square}$

b) $5^2 \cdot 5^{-7} \cdot 5^3 = 5^2 \cdot \frac{1}{\square} \cdot 5^3 = \frac{5^2 \cdot 5^3}{\square} = \square$

c) $6^3 \cdot 2^{-4} = 6^3 \cdot \frac{1}{\square} = (2 \cdot 3)^3 \cdot \frac{1}{\square} = \frac{2^3 \cdot 3^3}{\square} = \square$
 $6 = 2 \cdot 3$

d) $4^3 \cdot 2^{-3} \cdot 8 = 4^3 \cdot \frac{\square}{\square} \cdot 8 = (2 \cdot 2)^3 \cdot \frac{\square}{\square} \cdot 2^3 = \frac{\square}{\square} = \square$
 $4 = 2 \cdot 2$
 $8 = 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^3$

9 Expresa en forma de potencia de la base indicada en cada caso.

OPERACIÓN	BASE	RESULTADO
$9^{-7} \cdot 9^{11}$	3	
$4^6 \cdot 8^{-3}$	2	
$(25^9)^{-3}$	5	
$(16^{-5} \cdot 4^3)^{-2}$	2	
$(49^{-3})^4 : 7^{-6}$	7	

2 OBJETIVO 2 EXPRESAR UN NÚMERO EN NOTACIÓN CIENTÍFICA

NOMBRE: _____ CURSO: _____ FECHA: _____

Para expresar un número en notación científica, lo escribimos con una sola cifra, distinta de cero, como parte entera y las otras cifras decimales, multiplicado por una potencia de 10 con exponente igual a:

- el número de cifras que hemos pasado a la parte decimal, o
- menos el número de posiciones que hemos saltado para conseguir que la primera cifra sea entera.

EJEMPLO

5.438 = 5,438 · 10 ³	3 cifras hemos tenido que pasar a decimales.
34,7 = 3,47 · 10 ¹	1 cifra hemos tenido que pasar a decimal.
800 = 8 · 10 ²	2 cifras hemos tenido que pasar a decimales.
0,00748 = 7,48 · 10 ⁻³	3 saltos hemos tenido que dar para conseguir que la primera cifra: 7, esté en la parte entera.
0,356 = 3,56 · 10 ⁻¹	1 salto hemos tenido que dar para conseguir que la primera cifra: 3, esté en la parte entera.
0,0691 = 6,91 · 10 ⁻²	2 saltos hemos tenido que dar para conseguir que la primera cifra: 6, esté en la parte entera.

1 Expresa en notación científica los siguientes números.

- | | |
|-----------------------------------------------------------------|--------------------------|
| a) 2.000.000 = 2,000000 · 10 ⁶ = 2 · 10 ⁶ | |
| b) 4.000 = _____ | e) 10 = _____ |
| c) 100 = _____ | f) 80.000 = _____ |
| d) 700 = _____ | g) 5.000.000 = 5 · _____ |

2 Expresa en notación científica estos números con parte entera y parte decimal.

- | | |
|--------------------------------------|----------------------------|
| a) 990,85 = 9,9085 · 10 ² | |
| b) 340 = 3,4 · _____ | f) 340,05 = 3,4005 · _____ |
| c) 655,1 = 6,551 · _____ | g) 37,986 = 3,7986 · _____ |
| d) 567.765,22 = _____ | h) 4,4 = _____ |
| e) 15,35 = _____ | i) 3,45 = _____ |

3 Expresa los números decimales en notación científica.

- | | |
|-------------------------------------|---------------------|
| a) 0,0567 = 5,67 · 10 ⁻² | |
| b) 0,000045 = 4,5 · _____ | f) 0,0073 = _____ |
| c) 0,0000061 = _____ | g) 0,000101 = _____ |
| d) 0,093 = _____ | h) 0,0007 = _____ |
| e) 0,367 = 3,67 · _____ | i) 0,4765 = _____ |

OBJETIVO 3

REALIZAR OPERACIONES EN NOTACIÓN CIENTÍFICA

2

NOMBRE: _____ CURSO: _____ FECHA: _____

Para efectuar operaciones con números expresados en notación científica, hay que seguir unas sencillas reglas, que vamos a ver con ejemplos y para hacerlo después con calculadora, es importante aprender a calcular primero sin ella, pues funciona según las mismas reglas.

EJEMPLO

1.º caso: cuando las potencias de 10 están elevadas al **mismo exponente**, un número entero positivo o negativo.

Efectúa la suma $13,42 \cdot 10^5 + 4 \cdot 10^5$.

En este caso, las dos potencias de 10 están elevadas al mismo exponente: 5, de forma que podemos **sacar factor común**. El resultado se da en notación científica.

$$13,42 \cdot 10^5 + 4 \cdot 10^5 = (13,42 + 4) \cdot 10^5 = 17,42 \cdot 10^5 = 1,742 \cdot 10^6$$

1 Haz las siguientes sumas y restas en notación científica.

a) $6 \cdot 10^3 - 5 \cdot 10^3 + 7 \cdot 10^3 = (\underline{\quad} - \underline{\quad} + \underline{\quad}) \cdot 10^3 = 8 \cdot 10^3$

b) $[101,17 \cdot 10^2 - 5,87 \cdot 10^2] \cdot 3 = [(\underline{\quad} - \underline{\quad}) \cdot 10^2] \cdot 3 = [\underline{\quad} \cdot 10^2] \cdot 3 = 2,859 \cdot 10^4$

c) $(33,3 \cdot 10 + 2,5 \cdot 10 - 6,7 \cdot 10) \cdot \frac{2}{7} = [(\underline{\quad} + \underline{\quad} - \underline{\quad}) \cdot 10] \cdot \frac{2}{7} =$
 $= [\underline{\quad} \cdot 10] \cdot \frac{2}{7} = 8,31 \cdot 10$

EJEMPLO

2.º caso: cuando las potencias de 10 están elevadas a **distintos exponentes enteros positivos**.

Efectúa la resta $6,74 \cdot 10^5 - 2,85 \cdot 10^3$.

Observa que, en este caso, las dos potencias de 10 están elevadas a números distintos: 5 y 3, de manera que no podemos sacar factor común directamente. Hay que expresar los dos números en función de la **potencia de menor valor**, en este caso 3.

$$2,85 \cdot 10^3$$

$$6,74 \cdot 10^5 = 6,74 \cdot 10^2 \cdot 10^3 = 674 \cdot 10^3$$

$$6,74 \cdot 10^5 - 2,85 \cdot 10^3 = 674 \cdot 10^3 - 2,85 \cdot 10^3 = (674 - 2,85) \cdot 10^3 = 671,15 \cdot 10^3$$

Una vez efectuada la operación, convertimos el resultado en notación científica:

$$671,15 \cdot 10^3 = 6,7115 \cdot 10^5$$

2 Haz las siguientes sumas y restas en notación científica.

a) $2,71 \cdot 10^3 - 1,9 \cdot 10^2 + 5,43 \cdot 10^4 = 2,71 \cdot 10 \cdot 10^2 - 1,9 \cdot 10^2 + 5,43 \cdot 10^2 \cdot 10^2 =$
 $= \underline{\quad} \cdot 10^2 - \underline{\quad} \cdot 10^2 + \underline{\quad} \cdot 10^2 = (\underline{\quad} - \underline{\quad} + \underline{\quad}) = 568,2 \cdot 10^2$

b) $3,76 \cdot 10^4 - 5,78 \cdot 10^3 = 3,76 \cdot 10 \cdot 10^3 - 5,78 \cdot 10^3 = \underline{\quad} \cdot 10^3 - \underline{\quad} \cdot 10^3 =$
 $= (\underline{\quad} - \underline{\quad}) \cdot \underline{\quad} = 31,82 \cdot 10^3$

c) $5,25 \cdot 10^4 + 60,4 \cdot 10^3 = \underline{\quad} \cdot 10 \cdot 10^3 + \underline{\quad} \cdot 10^3 = 5,854 \cdot 10^5$



2

EJEMPLO

3.º caso: cuando las potencias de 10 están elevadas a **distintos exponentes**, con números enteros negativos.

Efectúa la suma $2,5 \cdot 10^{-5} + 9,6 \cdot 10^{-4}$.

En este caso, las dos potencias de 10 están elevadas a distintos números enteros negativos: -5 y -4 , por lo que para sacar factor común elegimos el mayor de ellos, -4 , y procedemos así:

$$2,5 \cdot 10^{-5} = 2,5 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-4}$$

$$9,6 \cdot 10^{-4}$$

$$2,5 \cdot 10^{-5} + 9,6 \cdot 10^{-4} = 2,5 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-4} + 9,6 \cdot 10^{-4} = 0,25 \cdot 10^{-4} + 9,6 \cdot 10^{-4} = \\ = (0,25 + 9,6) \cdot 10^{-4} = 9,85 \cdot 10^{-4}$$

3 Haz estas sumas y restas en notación científica.

a) $2,32 \cdot 10^{-3} - 3,76 \cdot 10^{-4}$

Como $10^{-4} = 10^{-1} \cdot 10^{-3}$, resulta que:

$$2,32 \cdot 10^{-3} - 3,76 \cdot 10^{-4} = 2,32 \cdot 10^{-3} - 3,76 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-3} = (2,32 - 0,376) \cdot 10^{-3} = 1,944 \cdot 10^{-3}$$

b) $7,9 \cdot 10^{-6} + 5,5 \cdot 10^{-5} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} + \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} + \underline{\quad} \cdot \underline{\quad} = \\ = (\underline{\quad} + \underline{\quad}) \cdot 10^{-5} = 6,29 \cdot 10^{-5}$

c) $3 \cdot 10^{-6} - 2 \cdot 10^{-3} + 4 \cdot 10^{-4} - 8 \cdot 10^{-5} = 3 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3} + 4 \cdot 10^{-1} \cdot 10^{-3} - 8 \cdot 10^{-2} \cdot 10^{-3} = \\ = (\underline{\quad} - 2 + \underline{\quad} - \underline{\quad}) \cdot 10^{-3} = -1,677 \cdot 10^{-3}$

EJEMPLO

Efectúa el producto $(6,2 \cdot 10^5) \cdot (4 \cdot 10^3)$.

Multiplicamos los números: $6,2 \cdot 4 = 24,8$, y por otro lado, multiplicamos las potencias:

$$10^5 \cdot 10^3 = 10^8$$

$$(6,2 \cdot 10^5) \cdot (4 \cdot 10^3) = 24,8 \cdot 10^8 = 2,48 \cdot 10^9$$

Efectúa la división $(6,2 \cdot 10^5) : (4 \cdot 10^3)$.

Dividimos los números: $6,2 : 4 = 1,55$, y por otro lado, dividimos las potencias: $10^5 : 10^3 = 10^2$

$$(6,2 \cdot 10^5) : (4 \cdot 10^3) = 1,55 \cdot 10^2$$

4 Realiza los productos y cocientes en notación científica.

a) $(5 \cdot 10^4) \cdot (12 \cdot 10^7) = (5 \cdot 12) \cdot 10^{4+7} = 60 \cdot 10^{11}$

b) $(34,4 \cdot 10^{-5}) \cdot (6,1 \cdot 10^4) = (\underline{\quad} \cdot \underline{\quad}) \cdot 10^{\underline{\quad}} = 209,84 \cdot 10^{-1}$

c) $(60 \cdot 10^5) : (3 \cdot 10^6) = (60 : 3) \cdot 10^{\underline{\quad}} = 20 \cdot 10^{-1}$

5 Efectúa las operaciones combinadas en notación científica.

a) $[(3 \cdot 10^5 + 7 \cdot 10^5) : (5 \cdot 10^3)] - [(2 \cdot 10^{-4} - 5 \cdot 10^{-4}) \cdot 10^4] = (2 \cdot 10^{\underline{\quad}}) - (-3 \cdot 10^0) = \\ = 200 + 3 = 203 = 2,03 \cdot 10^2$

b) $(6 \cdot 10^{-3}) : (8 \cdot 10^{-3} - 3 \cdot 10^{-3} - 2 \cdot 10^{-3}) = (6 \cdot 10^{-3}) : [(\underline{\quad} - \underline{\quad} - \underline{\quad}) \cdot 10^{-3}] = \\ = (6 \cdot 10^{-3}) : (\underline{\quad} \cdot 10^{-3}) = 2 \cdot 10^0 = 2$



OBJETIVO 4

OPERAR CON RADICALES

2

NOMBRE: _____ CURSO: _____ FECHA: _____

La raíz n -ésima de un número se puede poner en forma de potencia:

$$\sqrt[n]{a} = a^{1/n}$$

$\sqrt[n]{a}$ se llama **radical**, a es el **radicando** y n es el **índice** de la raíz.

Es más fácil operar con potencias que con raíces, por lo que transformamos las raíces en potencias.

EJEMPLO

$$\sqrt{5} = 5^{1/2}$$

$$\sqrt[7]{3^2} = 3^{2/7}$$

1 Escribe los radicales en forma de potencias.

a) $\sqrt[5]{7^3} = \text{---}^{3/5}$

b) $\frac{1}{\sqrt{8^5}} = \frac{1}{8^{5/2}} = 8^{\square}$

c) $\sqrt[3]{\sqrt{5}} = \text{---}$

MULTIPLICACIÓN (O DIVISIÓN) DE RADICALES

Para multiplicar o dividir radicales con el **mismo radicando**, los convertimos primero en potencias.

EJEMPLO

$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[5]{2} = 2^{1/3} \cdot 2^{1/5} = 2^{1/3+1/5} = 2^{(5+3)/15} = 2^{8/15} = \sqrt[15]{2^8}$$

$$\sqrt[7]{3^5} : \sqrt[3]{3} = 3^{5/7} : 3^{1/3} = 3^{5/7-1/3} = 3^{(15-7)/21} = 3^{8/21} = \sqrt[21]{3^8}$$

2 Calcula los siguientes productos de radicales.

a) $\sqrt[5]{7^3} \cdot \sqrt{7^3} = 7^{3/5} \cdot 7^{3/2} = 7^{3/5+3/2} = 7^{(6+15)/10} = 7^{21/10} = \sqrt[10]{7^{21}}$

b) $\sqrt[7]{6^2} + 6 = 6^{2/7} \cdot 6 = 6^{2/7+1} = 6^{9/7} = \sqrt[7]{6^9}$

c) $\sqrt{3^3} \cdot \sqrt[5]{3^2} = 3^{3/2} \cdot 3^{2/5} = 3^{3/2+2/5} = 3^{(15+4)/10} = 3^{19/10} = \sqrt[10]{3^{19}}$

d) $\sqrt[4]{2^3} \cdot \sqrt[3]{2^2} \cdot \sqrt{2} = 2^{3/4} \cdot 2^{2/3} \cdot 2^{1/2} = 2^{3/4+2/3+1/2} = 2^{(9+8+6)/12} = 2^{23/12} = \sqrt[12]{2^{23}}$

3 Halla estos cocientes de radicales.

a) $\sqrt{2} : \sqrt[3]{2} = 2^{1/2} : 2^{1/3} = 2^{1/2-1/3} = 2^{(3-2)/6} = 2^{1/6} = \sqrt[6]{2}$

b) $\sqrt[3]{8^5} : \sqrt[3]{8^2} = \text{---}$

c) $\sqrt[7]{5} : \sqrt[4]{5^3} = \text{---}$

d) $(\sqrt[3]{3^7} \cdot \sqrt[3]{3^4}) : \sqrt{3^2} = (3^{7/3} \cdot 3^{4/3}) : 3 = 3^{11/3} : 3 = 3^{11/3-1} = 3^{8/3} = \sqrt[3]{3^8}$



2

RACIONALIZAR DENOMINADORES

Racionalizar un denominador es el proceso mediante el que hacemos desaparecer el radical del denominador de la fracción.

Este proceso consiste en multiplicar el numerador y el denominador por un número que haga que en el denominador se elimine la raíz.

EJEMPLO

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1 \cdot \sqrt{2}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt[5]{3^2}} = \frac{1 \cdot \sqrt[5]{3^3}}{\sqrt[5]{3^2} \cdot \sqrt[5]{3^3}} = \frac{\sqrt[5]{3^3}}{3}$$

$$\frac{1}{3 - \sqrt{2}} = \frac{1 \cdot (3 + \sqrt{2})}{(3 - \sqrt{2}) \cdot (3 + \sqrt{2})} = \frac{3 + \sqrt{2}}{7}$$

En este caso, utilizamos la propiedad de que una suma por una diferencia de dos números es igual a una diferencia de cuadrados:

$$(3 - \sqrt{2}) \cdot (3 + \sqrt{2}) = 3^2 - (\sqrt{2})^2 = 9 - 2 = 7$$

4 Racionaliza los denominadores de las fracciones.

a) $\frac{1}{\sqrt{3}} =$

b) $\frac{1}{\sqrt[3]{2^2}} =$

c) $\frac{5}{2 + \sqrt{3}} = \frac{5 \cdot (2 - \sqrt{3})}{(2 + \sqrt{3}) \cdot (2 - \sqrt{3})} = \frac{\quad}{\quad} = 10 - 5\sqrt{3}$

d) $-\frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} = -\frac{1 \cdot (\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(\sqrt{5} - \sqrt{3}) \cdot (\sqrt{5} + \sqrt{3})} = -\frac{\quad}{\quad} = -\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{2}$

e) $\frac{1 + \sqrt{2}}{1 - \sqrt{2}} = \frac{(1 + \sqrt{2}) \cdot (\quad)}{(1 - \sqrt{2}) \cdot (\quad)} = \frac{(\quad)^2}{\quad} = -(1 + \sqrt{2})^2$

f) $\frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{5}} = \frac{\square \cdot \square}{\square \cdot \square} = \frac{\sqrt{15}}{10}$

g) $\frac{2}{1 - \sqrt{3}} =$