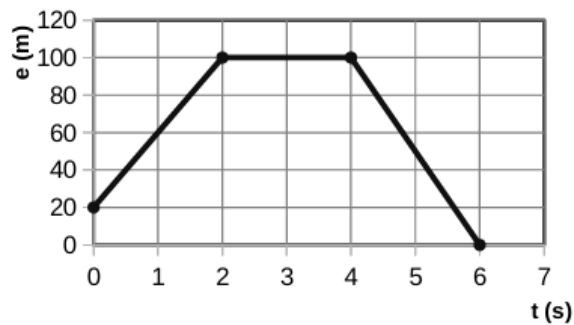


PAGS - Física

JUNIO 2019 SOLUCIONES

1. A partir de los datos de la gráfica espacio-tiempo. Determina:

- El tipo de movimiento y la velocidad en cada tramo. (1 punto)
- El espacio total recorrido y el desplazamiento. (1 punto)



Datos:

(0,20), (2,100), (4,100), (6,0)

a) Tipo de movimiento y velocidad en cada tramo

Tramo 1: de 0 a 2 s

$$v_1 = \frac{e_f - e_0}{t_f - t_0}$$

$$v_1 = \frac{100 - 20}{2 - 0}$$

$$v_1 = \frac{80}{2}$$

$$v_1 = 40 \text{ m/s}$$

Resultado:

MRU progresivo, $v_1 = 40 \text{ m/s}$

Tramo 2: de 2 a 4 s

$$v_2 = \frac{100 - 100}{4 - 2}$$

$$v_2 = \frac{0}{2}$$

$$v_2 = 0 \text{ m/s}$$

Resultado:

$$\text{Reposo, } v_2 = 0 \text{ m/s}$$

Tramo 3: de 4 a 6 s

$$v_3 = \frac{0 - 100}{6 - 4}$$

$$v_3 = \frac{-100}{2}$$

$$v_3 = -50 \text{ m/s}$$

Resultado:

$$\text{MRU regresivo, } v_3 = -50 \text{ m/s}$$

b) Espacio total recorrido y desplazamiento

$$e_{\text{recorrido}} = |100 - 20| + |100 - 100| + |0 - 100|$$

$$e_{\text{recorrido}} = 80 + 0 + 100$$

$$e_{\text{recorrido}} = 180 \text{ m}$$

$$\Delta e = e_f - e_0$$

$$\Delta e = 0 - 20$$

$$\Delta e = -20 \text{ m}$$

Resultado:

$$e_{\text{recorrido}} = 180 \text{ m, } \Delta e = -20 \text{ m}$$

2. Una ciclista de 57 kg circula a 18 km/h en su bicicleta de montaña de fibra de carbono de 10,9 kg. ¿Qué fuerza debe ejercer sobre el freno para conseguir que se detenga en 3 s? ¿Qué distancia habrá recorrido en ese tiempo? (2 puntos)

Datos:

$$m_{\text{ciclista}} = 57 \text{ kg}$$

$$m_{\text{bicicleta}} = 10,9 \text{ kg}$$

$$m = 57 + 10,9 = 67,9 \text{ kg}$$

$$v_0 = 18 \text{ km/h} = 5 \text{ m/s}$$

$$v_f = 0 \text{ m/s}$$

$$t = 3 \text{ s}$$

Fuerza de frenado

$$a = \frac{v_f - v_0}{t}$$

$$a = \frac{0 - 5}{3}$$

$$a = -1,67 \text{ m/s}^2$$

$$F = ma$$

$$F = 67,9 \cdot (-1,67)$$

$$F = -113,2 \text{ N}$$

Resultado:

$$F = -113,2 \text{ N}, \quad |F| = 113,2 \text{ N}$$

Distancia recorrida

$$s = \frac{v_0 + v_f}{2} \cdot t$$

$$s = \frac{5 + 0}{2} \cdot 3$$

$$s = 2,5 \cdot 3$$

$$s = 7,5 \text{ m}$$

3. La central hidroeléctrica de Itaipú en Brasil, es una de las que más energía producen con 103000 millones de kWh al año.

- Determina la energía que produce en unidades del sistema internacional. (0,75 puntos)
- Calcula la potencia de la central. (0,75 puntos)
- Si un metro cúbico de agua cae desde la compuerta de la presa a 118 m de altura, ¿con qué velocidad llegará a la turbina? (0,5 puntos)

DATOS: gravedad = 10 m/s^2 ; densidad del agua es 1000 kg/m^3

Datos:

$$E = 103000 \text{ millones de kWh}$$

$$E = 103000000000 \text{ kWh}$$

$$g = 10 \text{ m/s}^2$$

$$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$h = 118 \text{ m}$$

a) Energía en unidades del S.I.

$$1 \text{ kWh} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ J}$$

$$E = 103000000000 \cdot 3,6 \cdot 10^6$$

$$E = 3,708 \cdot 10^{17} \text{ J}$$

b) Potencia de la central

$$t = 365 \cdot 24 \cdot 3600$$

$$t = 31536000 \text{ s}$$

$$P = \frac{E}{t}$$

$$P = \frac{3,708 \cdot 10^{17}}{31536000}$$

$$P = 1,176 \cdot 10^{10} \text{ W}$$

Resultado:

$$P = 1,176 \cdot 10^{10} \text{ W} = 11,76 \text{ GW}$$

c) Velocidad del agua al llegar a la turbina

$$v = \sqrt{2gh}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 118}$$

$$v = \sqrt{2360}$$

$$v = 48,6 \text{ m/s}$$

4. Dos cargas de 5 y 7 mC, respectivamente, se encuentran en sendos vértices de la base de un triángulo equilátero de 12 cm de lado.

a) Calcula la fuerza electrostática entre ellas e indica de qué tipo es. (1 punto)

b) Calcula el potencial eléctrico en el tercer vértice. (1 punto)

DATOS: $k = 9 \cdot 10^9 \text{ Nm}^2\text{C}^{-2}$

Datos:

$$q_1 = 5 \text{ mC} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ C}$$

$$q_2 = 7 \text{ mC} = 7 \cdot 10^{-3} \text{ C}$$

$$r = 12 \text{ cm} = 0,12 \text{ m}$$

$$k = 9 \cdot 10^9 \text{ N m}^2 \text{C}^{-2}$$

a) Fuerza electrostática

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$F = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{5 \cdot 10^{-3} \cdot 7 \cdot 10^{-3}}{0,12^2}$$

$$F = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{35 \cdot 10^{-6}}{0,0144}$$

$$F = \frac{315000}{0,0144}$$

$$F = 21875000 \text{ N}$$

$$F = 2,19 \cdot 10^7 \text{ N}$$

Resultado:

$$F = 2,19 \cdot 10^7 \text{ N} \quad \text{Fuerza repulsiva}$$

b) Potencial eléctrico en el tercer vértice

$$V = k \left(\frac{q_1}{r} + \frac{q_2}{r} \right)$$

$$V = 9 \cdot 10^9 \left(\frac{5 \cdot 10^{-3}}{0,12} + \frac{7 \cdot 10^{-3}}{0,12} \right)$$

$$V = 9 \cdot 10^9 \left(\frac{12 \cdot 10^{-3}}{0,12} \right)$$

$$V = 9 \cdot 10^9 \cdot 0,1$$

$$V = 9 \cdot 10^8 \text{ V}$$

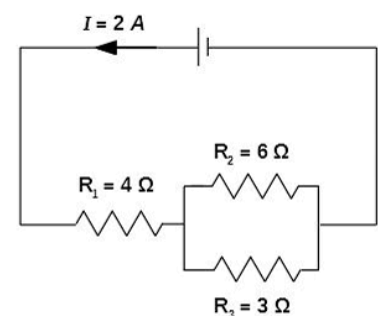
5. Para el circuito eléctrico mostrado en la figura, determina:

- El valor de la resistencia equivalente. (0,8 puntos)
- El potencial de la pila. (0,4 puntos)
- La intensidad de corriente que circula por cada resistencia. (0,8 puntos)

Datos:

$$R_1 = 4 \Omega$$

$$R_2 = 6 \Omega$$



$$R_3 = 3 \Omega$$

$$I = 2 A$$

a) Resistencia equivalente

$$\frac{1}{R_{23}} = \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$$

$$\frac{1}{R_{23}} = \frac{1}{6} + \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{R_{23}} = \frac{1}{6} + \frac{2}{6}$$

$$\frac{1}{R_{23}} = \frac{3}{6}$$

$$R_{23} = 2 \Omega$$

$$R_{eq} = R_1 + R_{23}$$

$$R_{eq} = 4 + 2$$

$$R_{eq} = 6 \Omega$$

b) Potencial de la pila

$$V = IR_{eq}$$

$$V = 2 \cdot 6$$

$$V = 12 V$$

c) Intensidad de corriente en cada resistencia

$$I_1 = 2 A$$

$$V_1 = I_1 R_1$$

$$V_1 = 2 \cdot 4$$

$$V_1 = 8 V$$

$$V_{23} = 12 - 8$$

$$V_{23} = 4 V$$

$$I_2 = \frac{V_{23}}{R_2}$$

$$I_2 = \frac{4}{6}$$

$$I_2 = 0,67 \text{ A}$$

$$I_3 = \frac{V_{23}}{R_3}$$

$$I_3 = \frac{4}{3}$$

$$I_3 = 1,33 \text{ A}$$

Resultado:

$$I_1 = 2 \text{ A}, \quad I_2 = 0,67 \text{ A}, \quad I_3 = 1,33 \text{ A}$$

6. Un movimiento armónico simple viene descrito por la fórmula $x = 2,4 \cdot \sin(2\pi t + \pi)$, que se encuentra expresada en unidades del sistema internacional. A partir de ella, se pide que calcules:

- La amplitud, el período y la fase inicial. (1,2 puntos)
- El valor de la elongación a los 3 s. (0,8 puntos)

Datos:

$$x = 2,4 \cdot \sin(2\pi t + \pi)$$

$$x = A \cdot \sin(\omega t + \varphi)$$

a) Amplitud, período y fase inicial

$$A = 2,4 \text{ m}$$

$$\omega = 2\pi \text{ rad/s}$$

$$\varphi = \pi \text{ rad}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$T = \frac{2\pi}{2\pi}$$

$$T = 1 \text{ s}$$

Resultado:

$$A = 2,4 \text{ m}, \quad T = 1 \text{ s}, \quad \varphi = \pi \text{ rad}$$

b) Elongación a los 3 s

$$x(3) = 2,4 \cdot \sin(2\pi \cdot 3 + \pi)$$

$$x(3) = 2,4 \cdot \sin(6\pi + \pi)$$

$$x(3) = 2,4 \cdot \sin(7\pi)$$

$$x(3) = 2,4 \cdot 0$$

$$x(3) = 0 \text{ m}$$

